9. Übungsblatt zur Numerik instationärer Differentialgleichungen

Aufgabe 23:

Weisen Sie nach, dass das Lax-Wendroff-Verfahren die Ordnung 2 besitzt und stabil ist für $|r| \leq 1$.

Aufgabe 24:

Ist das Anfangswertproblem $(x \in \mathbb{R}, t \ge 0)$

$$u_t = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} u_x + Bu, \quad u_{|t=0} = u_0$$

mit einer konstanten Matrix $B \in \mathbb{R}^{2 \times 2}$ wohlgestellt?

Aufgabe 25:

(a) Stellen Sie sinnvolle Randbedingungen bei x = 0 und x = 1 für das hyperbolische System

$$u_t = A(x)u_x, \quad 0 \le x \le 1.$$

(b) Diskutieren Sie den Fall der Wellengleichung:

$$A = \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right).$$

Die Übungen finden jeweils dienstags von 16–18 Uhr im Raum S9 statt.